

- ① Déterminer les entiers naturels n pour lesquels P_n est divisible par P .

$$P_n = (X^2 - X + 1)^n - X^{2n} + X^n - 1;$$

$$P = X^2 + 1.$$

- ② Soit n un entier naturel supérieur ou égal à 2.

Et, soit P un élément de $\mathbb{R}[X]$.

Déterminer $((X^2 + X + 1)P)^{(n)}$, en fonction de $P^{(n)}$, $P^{(n-1)}$, $P^{(n-2)}$.

nb: $P^{(n)}$, c'est la dérivée d'ordre n de P . Par convention, la dérivée d'ordre 0 d'un polynôme, c'est lui-même.

- ③ Factoriser dans $\mathbb{R}[X]$, $P = X^8 + X^4 + 1$, comme produit de 4 polynômes du second degré à coefficients réels.

- ④ Soit $P = 9X^4 - 12X^3 + 13X^2 - 12X + 4$.

On note P' le polynôme dérivé de P .

1/ Déterminer a réel tel que:

$$P = \left(\frac{1}{4}X - \frac{1}{12}\right) \cdot P' + R \text{ avec } R = \frac{7}{2}X^2 - aX + 3.$$

2/ On suppose que P admet un zéro β d'ordre 2..

En utilisant le 1/ déterminer β .

3/ Achever la recherche de tous les zéros de P .

Nom
Prénom

Géométrie: juin 2006

La règle du jeu: Les réponses et uniquement elles sont données directement sur cette feuille

- 1 Dans un plan muni d'un repère orthonormé on considère:
Le plan (P) d'équation : $x+3y+3z-5=0$;
Les points A(1,1,0) et B(1,2,3)
Déterminer le point $I=(P) \cap (AB)$.

- 2 Donner un point et un vecteur directeur de la droite (D) d'équations:
$$\begin{cases} x-2y+z+3=0 \\ 2x+2y+z-5=0 \end{cases}$$

- 3 On considère le plan dont une représentation paramétrique est:
$$\begin{cases} x=2t+t'+1 \\ y=t+2t' \\ z=t-2t'+2 \end{cases}$$
 Donner une équation cartésienne de ce plan.

- 4 (P) est le plan d'équation $x+y+2z+5=0$.
Soit π la projection orthogonale sur (P).
Si M a pour coordonnées (x,y,z) , on note $\pi(M)=M'$.
Calculer en fonction de x, y, z les coordonnées (x', y', z') de M' .

- 5 Dans un triangle on donne $AB=7, AC=5; \hat{A}=\frac{\pi}{4}$.
Calculer BC ainsi que BB' si B' est le milieu de [AC]